

Vili.

RISOLUZIONE DI ALCUNE QUESTIONI PROPOSTE
DAL GIORNALE « NOUVELLES ANNALES DE
MATHEMATIQUES ».

I.

Annales de Mathématiques deuxième série, tome II (1863), pp. 181-184.

L'énoncé de la question est le suivant: *Les quatre faces d'un tétraèdre, passent, chacune, par un point fixe; les trois côtés de l'une des quatre faces sont assujettis à rester, chacun, sur un plan fixe; trouver le lieu géométrique du sommet du tétraèdre opposé à cette face.*

Ce lieu est, en général, une surface du troisième degré, qui se réduit à un cône du second degré quand les quatre points fixes sont situés sur un même plan.

(SALMON).

Soient $u = 0$, $v = 0$, $w = 0$. Les équations des trois plans fixes dans lesquels doivent se trouver les côtés de l'une des faces du tétraèdre; (x_0, y_0, z_0) le point par lequel doit toujours passer le plan de cette face; (x_1, y_1, z_1) , (x_2, y_2, z_2) , (x_3, y_3, z_3) les trois autres points fixes. Nous désignerons ces quatre points par (0), (1), (2), (3), respectivement. Soient, enfin, u_1, v_1, w_1 , les valeurs de u, v, w , correspondantes aux points (1), (2), (3), respectivement.

Cela pose, désignons par

l'équation du plan de la face qui passe par le point (0).

L'équation du plan de la face., passant par le point (1), sera de la forme